

1. Soient C(-2 ; -4) et D(3 ; 11) deux points du plan rapporté à un repère orthonormé.

$$\text{La pente de la droite (CD) est : } \frac{y_D - y_C}{x_D - x_C} = \frac{11 - (-4)}{3 - (-2)} = \frac{15}{5} = 3$$

2. On a : $f(x) = \frac{-3x+2}{2x-5}$.

Déterminons $f'(x)$.

$$f(x) = \frac{u(x)}{v(x)} \text{ avec } u(x) = -3x + 2 \quad \text{et} \quad v(x) = 2x - 5$$
$$u'(x) = -3 \quad \text{et} \quad v'(x) = 2$$

$$\text{Donc : } f'(x) = \frac{u'(x)v(x) - u(x)v'(x)}{v(x)^2} = \frac{(-3)(2x-5) - (-3x+2)(2)}{(2x-5)^2}$$

$$\text{D'où : } f'(x) = \frac{-6x+15+6x-4}{(2x-5)^2} = \frac{11}{(2x-5)^2}$$

3. On a : $g(x) = \frac{5x+16}{x+4}$.

Démontrons que $g(x) = 5 - \frac{4}{x+4}$

$$5 - \frac{4}{x+4} = \frac{5(x+4)}{x+4} - \frac{4}{x+4} = \frac{5x+20-4}{x+4} = \frac{5x+16}{x+4} = g(x)$$

Déterminons $g'(x)$

$$g(x) = 5 - 4 \frac{1}{u(x)} \text{ avec } u(x) = x + 4$$
$$u'(x) = 1$$

$$\text{Donc : } g'(x) = -4 \left(-\frac{u'(x)}{u(x)^2} \right) = -4 \left(-\frac{1}{(x+4)^2} \right) = \frac{4}{(x+4)^2}$$